

## Вариант ЕГЭ по математике (профильный уровень).

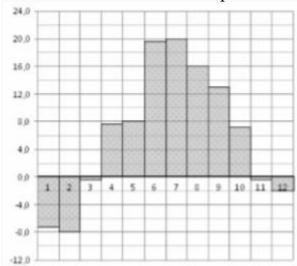
## Тренировочный вариант ЕГЭ № 236 с сайта: alexlarin.net

#### Задание 1.

Одна таблетка лекарства весит 40 мг и содержит 6% активного вещества. Ребёнку в возрасте до 6 месяцев врач прописывает 1,2 мг активного вещества на каждый килограмм веса в сутки. Сколько таблеток этого лекарства следует дать ребёнку в возрасте четырёх месяцев и весом 6 кг в течение суток?

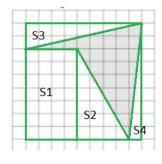
#### Задание 2.

На диаграмме показана среднемесячная температура воздуха в СанктПетербурге за каждый месяц 1999 года. По горизонтали указываются месяцы, по вертикали — температура в градусах Цельсия. Определите по диаграмме, сколько было месяцев с положительной среднемесячной температурой.



### Задание 3.

Найдите площадь четырехугольника, изображенного на клетчатой бумаге с размером клетки 1 см × 1 см (см. рис.). Ответ дайте в квадратных сантиметрах.



#### Задание 4.

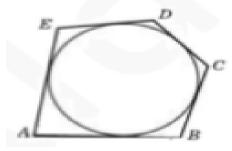
Матрица Чтобы пройти в следующий круг соревнований, футбольной команде нужно набрать хотя бы 6 очков в двух играх. Если команда выигрывает, она получает 4 очка, в случае ничьей – 2 очка, если проигрывает – 0 очков. Найдите вероятность того, что команде удастся выйти в следующий круг соревнований. Считайте, что в каждой игре вероятности выигрыша и проигрыша одинаковы и равны 0,3.

#### Задание 5.

Найдите корень уравнения  $\sqrt[3]{2x+5}$ =-3

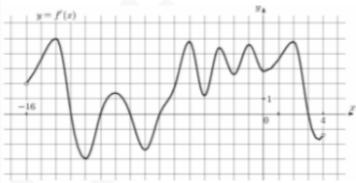
### Задание 6.

Около окружности, радиус которой равен 2, описан многоугольник, периметр которого равен 36. Найдите его площадь.



#### Задание 7.

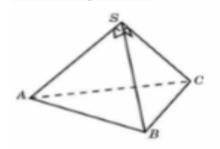
На рисунке изображен график y=f'(x)y=f'(x) — производной функции y=f(x), определенной на интервале (-16; 4). Найдите количество точек экстремума функции y=f(x), принадлежащих отрезку [-14; 2].



#### Задание 8.



Боковые ребра треугольной пирамиды взаимно перпендикулярны, каждое из них равно 3. Найдите объем пирамиды.



Задание 9.

Найдите значение выражения  $\sin \frac{7\pi}{6} * \cos \frac{5\pi}{3}$ 

#### Задание 10.

Перед отправкой тепловоз издал гудок с частотой f₀=490 Гц. Чуть позже издал гудок подъезжающий к платформе тепловоз. Из-за эффекта Доплера частота второго гудка f больше первого: она зависит от скорости тепловоза по закону  $f(v) = \frac{f0}{1-v}$ , где с-скорость звука в воздухе (в м\с). Человек, стоящий на платформе, различает сигналы по тону, если они отличаются не менее чем на 10 Гц. Определите, с какой минимальной скоростью приближался к платформе тепловозесли человек смог различить сигналы. Считать, что с = 340 м\с. Ответ выразите в м/с.

#### Задание 11.

Имеется два сосуда. Первый содержит 100 кг, а второй – 20 кг раствора кислоты различной концентрации. Если эти растворы смешать, то получится раствор, содержащий 67% кислоты. Если же смешать равные массы этих растворов, то получится раствор, содержащий 77% кислоты. Сколько килограммов кислоты содержится в первом сосуде?

#### Задание 12.

Найдите наименьшее значение функции  $y=(x^2-4x+4)*e^2$  на отрезке [-1;3][-1;3]

#### Задание 13.



Дано уравнение 
$$\frac{1}{\cos 2x \cdot \cos x} = \frac{1}{\sin 2x \cdot \sin x}$$

- А) Решите уравнение.
- Б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $[-2\pi; -\frac{\pi}{2}]$

#### Задание 14.

Дан куб ABCDA<sub>1</sub>B<sub>1</sub>C<sub>1</sub>D<sub>1</sub>. Пусть l- линия пересечения плоскостей  $ACD_1$  и  $BDC_1$ 

- А) Докажите, что прямые  $DB_1$  и l перпендикулярны.
- Б) Найдите расстояние между прямыми  $DB_1$  и l, если ребро куба равно 2.

#### Задание 15.

Решите неравенство  $\log_{x^2}(3-x) \le \log_{x+2}(3-x)$ 

#### Задание 16.

В тупоугольном треугольнике ABC (∠С - тупой) на высоте BH как на диаметре построена окружность, пересекающая стороны AB и CB в точках P и К соответственно.

- A) Докажите, что sin∠ABC= $\frac{PH}{BC}\frac{KH}{BA}$
- Б) Найдите длину отрезка РК, если известно, что BA=13, BC = 8,  $\sin \angle ABC = \frac{7\sqrt{3}}{26}$

#### Задание 17.

Иван Иванович попросил у своего соседа Ивана Никифоровича взаймы на несколько дней 648 тысяч рублей, пообещав вернуть долг с процентами. Иван Никифорович заявил, что если он даст в долг на п дней S рублей, то сосед должен будет вернуть сумму, равную  $S(1+\frac{n}{300})+\frac{S}{n^2}$ . После недолгих раздумий, Иван Иванович согласился на предложенные условия. Через сколько дней Ивану Ивановичу следует рассчитаться с долгом, чтобы вы- плата оказалась наименьшей? Сколько в этом случае составит переплата сверх взятой в долг суммы?

#### Задание 18.

Найдите все значения параметра а, при каждом из которых система



$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2ax + 2ay \le 0, \\ x^2 + y^2 + 6ax + 8ay \le 1 - 10a \end{cases}$$

имеет ровно одно решение.

#### Задание 19.

Из цифр 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 составлена дробь А, числитель и знаменатель которой — пятизначные числа (каждая цифра использована ровно один раз). а) Какое наибольшее значение может принимать А? б) Может ли значение А оказаться целым числом? в) Найдите такое А, чтобы значение | A – 1 | было наименьшим.