

## Рациональные неравенства

1. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 6x + 8}{x - 1} - \frac{x - 4}{x^2 - 3x + 2} \leq 0.$

2. Решите неравенство

$$\frac{x^2 - 2x + 1}{(x+2)^2} + \frac{x^2 + 2x + 1}{(x-3)^2} \leq \frac{(2x^2 - x + 5)^2}{2(x+2)^2(x-3)^2}.$$

3. Решите неравенство

$$\frac{x^2 - 4x + 4}{(x+1)^2} + \frac{x^2 + 6x + 9}{(x-1)^2} \leq \frac{(2x^2 + x + 5)^2}{2(x^2 - 1)^2}.$$

4. Решите неравенство:  $(x^2 - 3, 6x + 3, 24)(x - 1, 5) \leq 0.$

5. Решите неравенство:  $\frac{1}{x-1} + \frac{1}{2-x} \leq 5.$

6. Решите неравенство:  $1 - \frac{2}{|x|} \leq \frac{23}{x^2}.$

7. Решите неравенство:  $\frac{2 - (x-6)^{-1}}{5(x-6)^{-1} - 1} \leq -0,2.$

8. Решите неравенство:  $\frac{6}{x\sqrt{3}-3} + \frac{x\sqrt{3}-6}{x\sqrt{3}-9} \geq 2.$

9. Решите неравенство:  $\left(\frac{10}{5x-21} + \frac{5x-21}{10}\right)^2 \leq \frac{25}{4}.$

10. Решите неравенство:  $(x^2 - 5, 6x + 7, 84)(x - 2, 5) \leq 0.$

11. Решите неравенство:  $\frac{1}{x-2} + \frac{1}{3-x} \leq 5.$

12. Решите неравенство:  $\frac{2x^2 - 2x + 1}{2x - 1} \leq 1.$

13. Решите неравенство:  $\frac{2x^2 - 6x + 5}{2x - 3} \leq 1.$

14. Решите неравенство:  $\frac{2x^2 - 6x}{x - 4} \leq x.$

15. Решите неравенство:  $\frac{2x^2 - 4x}{x - 4} \leq 0.$

16. Решите неравенство:  $\frac{2x^2 - 5x}{x - 3} \leq x.$

17. Решите неравенство:  $\frac{(x-1)^2 + 4(x+1)^2}{2} \leq \frac{(3x+1)^2}{4}.$

18. Решите неравенство:  $\frac{(x+1)^2 + 4(x-1)^2}{2} \leq \frac{(3x-1)^2}{4}.$

19. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 2x - 2}{x^2 - 2x} + \frac{7x - 19}{x - 3} \leq \frac{8x + 1}{x}.$

20. Решите неравенство:  $\frac{x^2 + 2x + 2}{x^2 + 2x} + \frac{3x + 1}{x - 1} \leq \frac{4x + 1}{x}.$

21. Решите неравенство:  $\frac{x^4 - 5x^3 + 3x - 25}{x^2 - 5x} \geq x^2 - \frac{1}{x-4} + \frac{5}{x}.$

22. Решите неравенство:  $\frac{x^3 - 3x^2 + 3x - 3}{x^2 - 3x} \leq x + \frac{1}{x-2} + \frac{1}{x}$ .

23. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 5x - 6}{x^2 - 1} \leq \frac{x-9}{x-1} + \frac{2}{x-3}$ .

24. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 16x + 39}{x^2 - 12x + 27} \leq \frac{x-18}{x-9} + \frac{4}{x-8}$ .

25. Решите неравенство:  $x^2 - 3x + 1 - \frac{x^3 + x^2 + 3x - 21}{x} \geq 3$ .

26. Решите неравенство:  $x^3 + 6x^2 + \frac{28x^2 + 2x - 10}{x-5} \leq 2$ .

27. Решите неравенство:  $x^2 - x + 3 - \frac{x^3 + 4x^2 - 3x - 1}{x} \leq 2$ .

28. Решите неравенство:  $\frac{2}{0,5x\sqrt{5}-1} + \frac{0,5x\sqrt{5}-2}{0,5x\sqrt{5}-3} \geq 2$ .

29. Решите неравенство:  $\left(\frac{2}{x-4} + \frac{x-4}{2}\right)^2 \leq \frac{25}{4}$ .

30. Решите неравенство:  $\left(\frac{2}{25x^2 - 10x - 8} + \frac{25x^2 - 10x - 8}{2}\right)^2 \geq 4$ .

31. Решите неравенство:  $\frac{x^5 - x^2}{x^2} \geq \frac{x^3 - 1}{4x^2}$ .

32. Решите неравенство:  $4 \cdot \frac{x^3 + x^2}{x^2 - 2x + 1} \leq 9 \cdot \frac{x+1}{x^2 - 2x + 1}$ .

33. Решите неравенство:  $\frac{1}{x+1} + \frac{2}{x+2} - \frac{6}{x+3} \geq 0$ .

34. Решите неравенство:  $\frac{1}{x-1} + \frac{2}{x-2} - \frac{6}{x-3} \geq 0$ .

35. Решите неравенство:  $x^2 + (2 - \sqrt{15})x - 2\sqrt{15} \leq 0$ .

36. Решите неравенство:  $x^2 + (1 - \sqrt{10})x - \sqrt{10} \leq 0$ .

37. Решите неравенство:  $x\sqrt{8} - 7x + 14\sqrt{8} > 57$ .

38. Решите неравенство:  $\frac{3}{2 - (x+1)\sqrt{3}} + \frac{(x+1)\sqrt{3} - 1}{(x+1)\sqrt{3} - 3} \geq 3$ .

39. Решите неравенство:  $(10x+7)(4-5x)(50x^2 - 5x - 28) < 0$ .

40. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 3x - 5}{x-4} + \frac{x^2 - 6x + 3}{x-6} \leq 2x + 1$ .

41. Решите неравенство:  $x + \frac{8x-25}{x-3} + \frac{x^2 + 41x - 136}{x^2 - 10x + 21} \leq 1$ .

42. Решите неравенство:  $x + \frac{8x-45}{x-7} + \frac{x^2 + 15x - 132}{x^2 - 16x + 63} \leq 1$ .

43. Решите неравенство:  $\frac{12x^2 - 31x + 14}{4x^2 + 3x - 1} \leq 0$ .

44. Решите неравенство:  $\frac{20x^2 - 32x + 3}{3x^2 + 7x + 2} \leq 0$ .

45. Решите неравенство:  $2x + 1 - \frac{21x + 39}{x^2 + x - 2} \geq -\frac{1}{x+2}$ .

46. Решите неравенство:  $\frac{x^2 - 5x + 3}{x - 4} + \frac{5x - 27}{x - 6} \leq x + 4.$

47. Решите неравенство:  $x^3 + 5x^2 + \frac{28x^2 + 5x - 30}{x - 6} \leq 5.$

48. Решите неравенство:  $x^3 + 6x^2 + \frac{21x^2 + 3x - 12}{x - 4} \leq 3.$

49. Решите неравенство:  $\frac{1}{5x - 12} + \frac{2x^2 - 6x + 1}{x - 3} \geq 2x.$

50. Решите неравенство:  $x^3 + 8x^2 + \frac{50x^2 + x - 7}{x - 7} \leq 1.$

51. Решите неравенство  $\frac{2x^2 - 8x}{x - 7} \leq x.$

52. Решите неравенство  $\frac{(5x - 3)^2}{x - 2} \geq \frac{9 - 30x + 25x^2}{14 - 9x + x^2}.$

53. Решите неравенство  $\frac{(5x - 2)^2}{x - 3} \geq \frac{4 - 20x + 25x^2}{24 - 11x + x^2}.$

54. Решите неравенство  $\frac{x}{2x^2 + 12} \leq (1 : 5)x^{-1}.$

55. Решите неравенство  $\frac{2 - (x - 6)^{-1}}{5(x - 6)^{-1} - 1} \leq -0,2.$

56. Решите неравенство  $\frac{2x^2 - 10x + 6}{x - 5} \leq x.$

57. Решите неравенство  $x + \frac{20}{x + 6} \geq 6.$

58. Решите неравенство  $x^3 + 6x^2 + \frac{28x^2 + 2x - 10}{x - 5} \leq 2.$

59. Решите неравенство  $\frac{2}{x^2 - 12x + 35} + \frac{3}{x^2 - 17x + 70} \leq 0.$

60. Решите неравенство  $\frac{4x^4 - 4x^3 + x^2}{-2x^2 + 5x - 2} + \frac{2x^3 - 7x^2 + 5x + 1}{x - 2} \leq 0.$